

Modelos de Computación Examen III



UNIVERSIDAD
DE GRANADA

*Escuela Técnica Superior de Ingenierías
Informática y de Telecomunicación*

Los Del DGIIM, losdelgiim.github.io

Doble Grado en Ingeniería Informática y Matemáticas
Universidad de Granada



Esta obra está bajo una Licencia Creative Commons Atribución-NoComercial-SinDerivadas 4.0 Internacional (CC BY-NC-ND 4.0).

Eres libre de compartir y redistribuir el contenido de esta obra en cualquier medio o formato, siempre y cuando des el crédito adecuado a los autores originales y no persigas fines comerciales.

Modelos de Computación Examen III

Los Del DGIIM, [losdeldgiim.github.io](https://github.com/losdeldgiim)

Arturo Olivares Martos

Granada, 2024-2025

Asignatura Modelos de Computación

Curso Académico 2021-22.

Grado Doble Grado en Ingeniería Informática y Matemáticas.

Descripción Parcial Tema 3.

Ejercicio 1. Determinar si los siguientes lenguajes son regulares o no:

1. $L_1 = \{a^m b^n c^p d^q \mid m, n, p, q \in \mathbb{N} \cup \{0\} \wedge m + n \geq p + q\}$.

Para cada $n \in \mathbb{N}$, consideramos la palabra $z = a^n b^n c^n d^n \in L_1$, con $|z| = 4n \geq n$. Para cada descomposición $z = uvw$ con $u, v, w \in \{a, b, c, d\}^*$, $|uv| \leq n$ y $|v| \geq 1$, tenemos que:

$$u = a^k, \quad v = a^l, \quad w = a^{n-k-l} b^n c^n d^n \quad \text{con } 0 \leq k + l \leq n, \quad l \geq 1.$$

Por tanto, para $i = 0$, tenemos que $uv^0w = a^{k+n-k-l} b^n c^n d^n = a^{n-l} b^n c^n d^n \notin L_1$, ya que:

$$n - l + n \geq n + n \iff -l \geq 0 \iff l \leq 0$$

pero esto sabemos que no es posible, ya que $l \geq 1$. Por tanto, $uv^0w \notin L_1$, y por el recíproco del Lema del Bombeo, L_1 no es regular.

2. $L_2 = \{0^i 1^j 0^k \mid i, j, k \in \mathbb{N} \cup \{0\} \wedge (i > j \implies j = k)\}$.

Para cada $n \in \mathbb{N}$, consideramos la palabra $z = 0^n 1^n \in L_2$, con $|z| = 2n \geq n$. Para cada descomposición $z = uvw$ con $u, v, w \in \{0, 1\}^*$, $|uv| \leq n$ y $|v| \geq 1$, tenemos que:

$$u = 0^k, \quad v = 0^l, \quad w = 0^{n-k-l} 1^n \quad \text{con } 0 \leq k + l \leq n, \quad l \geq 1.$$

Por tanto, para $i = 2$, tenemos que $uv^2w = 0^{k+2l+n-k-l} 1^n = 0^{n+l} 1^n \notin L_2$, ya que:

$$n + l > n \iff l > 0 \iff l \geq 1 \quad n \neq 0$$

Por tanto, como se da el antecedente de la implicación pero no el consecuente, $uv^2w \notin L_2$, y por el recíproco del Lema del Bombeo, L_2 no es regular.